

# **Propuesta de Trabajos Fin de Grado para el curso 2017-18**

## **Margarita Otero**

### **1.- Consecuencias del axioma de elección (E) en teoría de conjuntos.**

El trabajo consiste en estudiar los axiomas de la teoría de conjuntos de Zermelo Fraenkel (ZF) y considerar aquellos enunciados de teoría de conjuntos que son consecuencia de ZFE, pero no de ZF. Por ejemplo: el principio de buena ordenación, el lema de Kuratowski-Zorn, el axioma de elección múltiple, aritmética de cardinales, elección numerable y elección dependiente.

#### **Bibliografía**

Herrlich, Horst. Axiom of choice. Springer-Verlag, Berlin, 2006.

Jech, Thomas. Set theory. Springer-Verlag, Berlin, 2003.

Kunen, Kenneth. Set theory. An introduction to independence proofs. North-Holland Publishing Co., Amsterdam, 1983.

Lévy, Azriel. Basic set theory. Springer-Verlag, Berlin-New York, 1979.

### **2.- Consecuencias del axioma de elección (E) en álgebra.**

El trabajo consiste en estudiar los axiomas de la teoría de conjuntos de Zermelo Fraenkel (ZF) y considerar aquellos enunciados de álgebra que son consecuencia de ZFE, pero no de ZF. Por ejemplo: “todo espacio vectorial tiene una base”, “todo anillo unitario tiene un ideal maximal”, “todo cuerpo tiene un cierre algebraico” y “toda extensión de cuerpos tiene una base de trascendencia”.

#### **Bibliografía**

Herrlich, Horst. Axiom of choice. Springer-Verlag, Berlin, 2006.

Jech, Thomas. Set theory. Springer-Verlag, Berlin, 2003.

Kunen, Kenneth. Set theory. An introduction to independence proofs. North-Holland Publishing Co., Amsterdam, 1983.

Lévy, Azriel. Basic set theory. Springer-Verlag, Berlin-New York, 1979.

### **3.- Consecuencias del axioma de elección (E) en topología.**

El trabajo consiste en estudiar los axiomas de la teoría de conjuntos de Zermelo Fraenkel (ZF) y considerar aquellos enunciados de topología que son consecuencia de ZFE, pero no de ZF. Por ejemplo: Teorema de Tychonoff y Teorema de Baire.

#### **Bibliografía**

Herrlich, Horst. Axiom of choice. Springer-Verlag, Berlin, 2006.

Jech, Thomas. Set theory. Springer-Verlag, Berlin, 2003.

Kunen, Kenneth. Set theory. An introduction to independence proofs. North-Holland Publishing Co., Amsterdam, 1983.

Lévy, Azriel. Basic set theory. Springer-Verlag, Berlin-New York, 1979.